12. JEUX de CYCLE

Pour toute bijection de cycles $f : C_1 \to C_2$

$\boxed{f \text{ HOMÉO}}$

$$\Vert$$

$\forall x \in C_1$

restriction $f : C_1 \setminus \{x\} \to C_2 \setminus \{f(x)\}$

MONOTONE

$$\Vert$$

$\exists x \in C_1$

restriction $f : C_1 \setminus \{x\} \to C_2 \setminus \{f(x)\}$

MONOTONE

Si a et b désignent des points distincts du cycle C

Alors les épointés $C \setminus \{a\}$ et $C \setminus \{b\}$

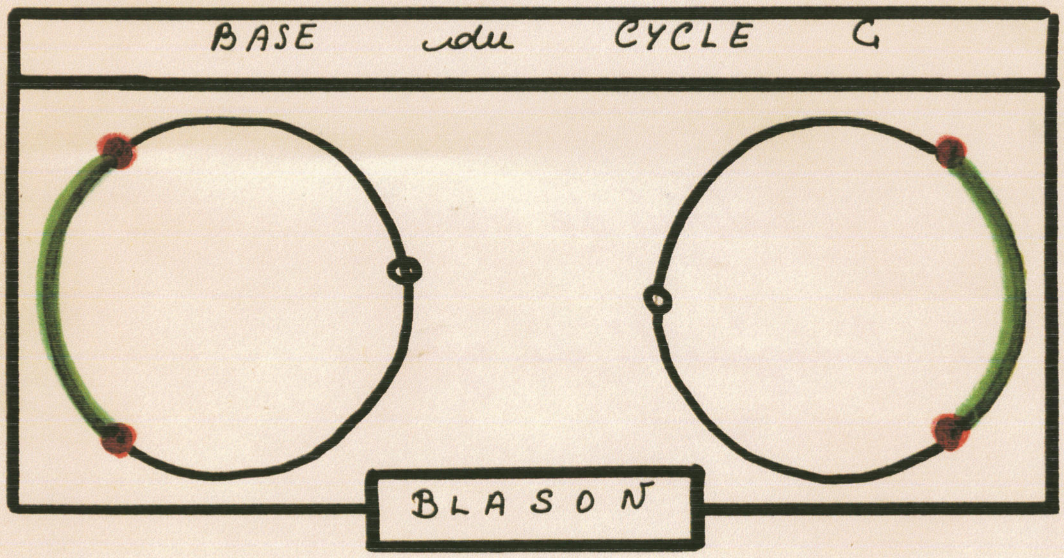
sont des arcs ouverts,

(et donc des monotaux !)

et

$$\{\,]xy[\mid x, y \in C \setminus \{a\} \,\} \cup \{\,]xy[\mid x, y \in C \setminus \{b\} \,\}$$

est une base du cycle C



Pour tout cycle G — Pour tout $a \in G$

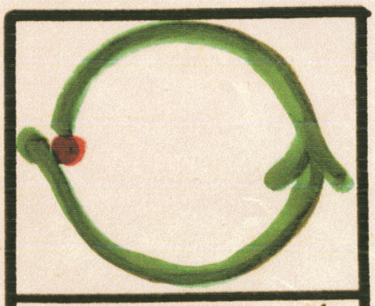
ORDRE de Minimum a
(du cycle G)

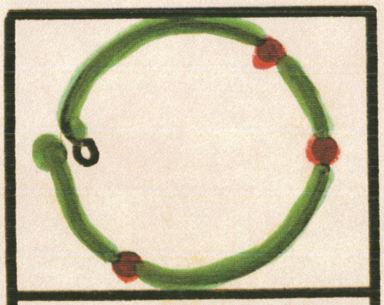
||

ORDRE de $G \setminus \{a\}$ précédé de a.

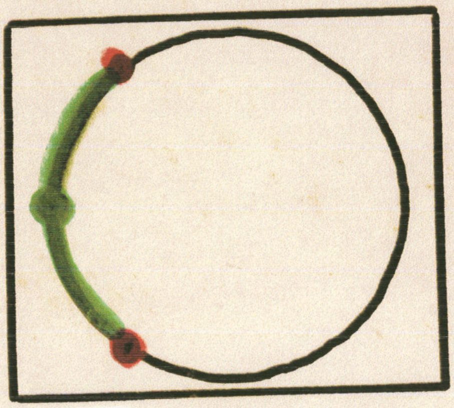
Les deux cycles ordonnés de minimum a

Tout cycle ordonné est isomorphe à l'ordonné $\mathbb{R}^+, \leq$
L'ordre d'un cycle ordonné le munit d'une topologie
τ_1 d'arc semi-ouvert


CYCLE ORDONNÉ


BLASON d'une BASE

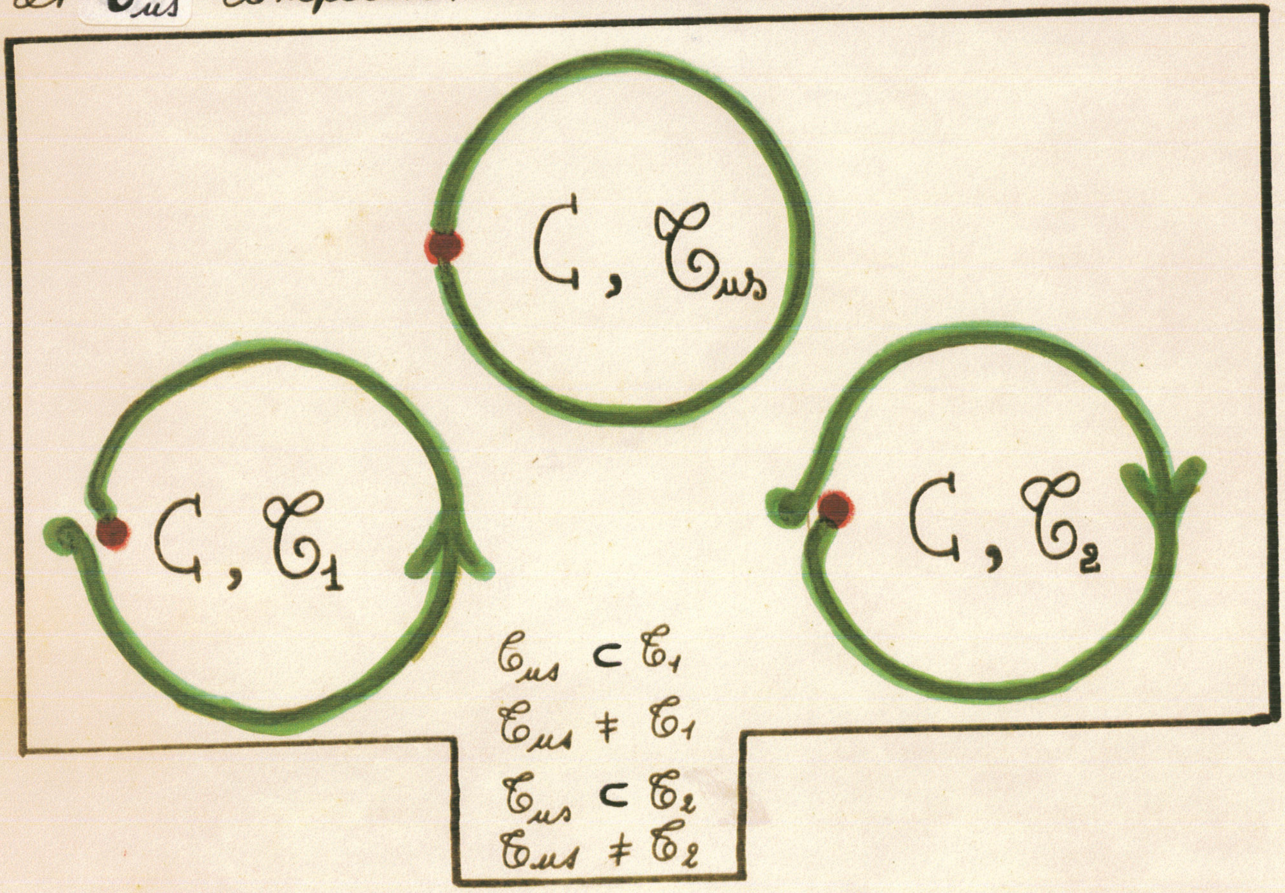
Cet ouvert d'une base usuelle de la topologie usuelle $\mathcal{T}_{us}$ du cycle C.



appartient à $\mathcal{T}_1$

La topologie de cycle ordonné est plus fine que la topologie usuelle.

Elle est strictement plus fine puisque $\mathcal{T}_1$ non compacte et $\mathcal{T}_{us}$ compacte.



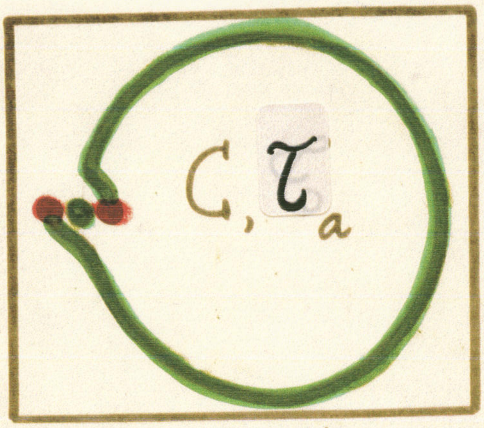
Le cycle SE CASSE en a et devient un arc semi-ouvert par le raffinement strict de topologie qui fait passer le cycle de la topologie usuelle à l'une ou l'autre des topologies τ_1, τ_2

Nous n'utiliserons pas la formule

$$\boxed{\tau_{us} = \tau_1 \cap \tau_2}$$

La plus petite topologie qui contienne τ_1 et τ_2 égale

$$\tau_a = \tau_{us} \cup \{ T \cup \{a\} \mid T \in \tau_{us} \}$$



En passant de l'une des topologies $\tau_{us}, \tau_1, \tau_2$ à la topologie τ_a, on DECONNECTE l'espace.
L'épointé $C \setminus \{a\}$ et le singleton $\{a\}$ sont les composantes connexes de l'espace C, τ_{us}